

Nome do(a) aluno(a): _____

INSTRUÇÕES

- Preencha o cartão-resposta com seu nome completo, sexo, telefone, data de nascimento, série e turno em que estuda, e não se esqueça de assiná-lo.
 - A duração da prova é de 2 horas e 30 minutos.
 - Cada questão tem cinco alternativas de resposta: (A), (B), (C), (D) e (E) e **apenas uma** delas é correta.
 - Para cada questão marque a alternativa escolhida no cartão-resposta, preenchendo todo o espaço dentro do círculo correspondente a lápis ou a caneta esferográfica azul ou preta (é preferível a caneta).
- (A) ● (C) (D) (E)
- Marque apenas uma alternativa para cada questão. **Atenção:** se você marcar mais de uma alternativa, perderá os pontos da questão, mesmo que uma das alternativas marcadas seja correta.
 - Não é permitido o uso de instrumentos de desenho, calculadoras ou quaisquer fontes de consulta.
 - Os espaços em branco na prova podem ser usados para rascunho.
 - Ao final da prova, entregue-a ao professor junto com o cartão-resposta.

É com grande alegria que contamos com sua participação, de seus professores e de sua escola na 5ª OBMEP. Encare as questões desta prova como quebra-cabeças interessantes e divirta-se com a busca de suas soluções.

Desejamos que você faça uma boa prova!



Ministério da
Ciência e Tecnologia

Ministério
da Educação



1. Daniela fez uma tabela mostrando a quantidade de água que gastava em algumas de suas atividades domésticas.

Atividade	Consumo	Frequência
Lavar roupa	150 litros por lavagem	1 vez ao dia
Tomar um banho de 15 minutos	90 litros por banho	1 vez ao dia
Lavar o carro com mangueira	100 litros por lavagem	1 vez na semana

Para economizar água, ela reduziu a lavagem de roupa a 3 vezes por semana, o banho diário a 5 minutos e a lavagem semanal do carro a apenas um balde de 10 litros. Quantos litros de água ela passou a economizar por semana?

- A) 1010
 B) 1110
 C) 1210
 D) 1211
 E) 1310



2. Para achar o número de seu sapato, Maurício mediu o comprimento de seu pé em centímetros, multiplicou a medida por 5, somou 28, dividiu tudo por 4 e arredondou o resultado para cima, obtendo o número 40. Qual das alternativas mostra um possível comprimento do pé do Maurício?

- A) 24 cm
 B) 25 cm
 C) 26 cm
 D) 27 cm
 E) 28 cm



3. Joãozinho inventou uma operação matemática com números inteiros, para a qual ele usa o sinal *. Ela funciona assim:

$$a * b = (a + 1) \times (b - 1)$$

Por exemplo, $3 * 5 = (3 + 1) \times (5 - 1) = 16$. Se a e b são inteiros positivos tais que $a * b = 24$ e $b * a = 30$, quanto vale $a + b$?

- A) 11
 B) 12
 C) 15
 D) 16
 E) 18

4. Arnaldo, Beto, Celina e Dalila formam dois casais. Os quatro têm idades diferentes. Arnaldo é mais velho que Celina e mais novo que Dalila. O esposo de Celina é a pessoa mais velha. É correto afirmar que:



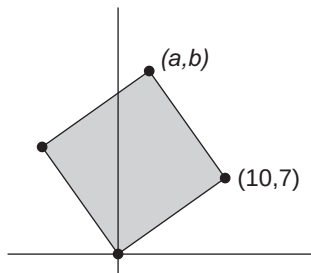
- A) Arnaldo é mais velho que Beto e sua esposa é Dalila.
- B) Arnaldo é mais velho que sua esposa Dalila.
- C) Celina é a mais nova de todos e seu marido é Beto.
- D) Dalila é mais velha que Celina e seu marido é Beto.
- E) Celina é mais velha que seu marido Arnaldo.

5. O diâmetro de uma pizza grande é o dobro do diâmetro de uma pizza pequena. A pizza grande é cortada em 16 fatias iguais. A que fração de uma pizza pequena correspondem 3 fatias da pizza grande?

- A) $\frac{1}{3}$
- B) $\frac{3}{8}$
- C) $\frac{1}{2}$
- D) $\frac{3}{4}$
- E) $\frac{5}{8}$

6. O quadrado da figura tem um vértice na origem, outro no ponto $(10,7)$ e um terceiro no ponto (a,b) . Qual é o valor de $a + b$?

- A) 20
- B) 21
- C) 22
- D) 23
- E) 24

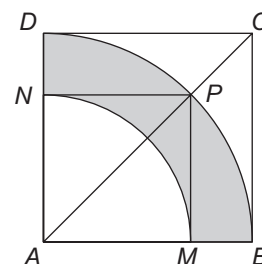


7. Qual é o valor de $5353^2 - 2828^2$?

- A) 2525^2
- B) 3535^2
- C) 4545^2
- D) 4565^2
- E) 5335^2

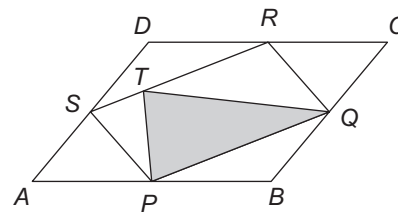
8. Na figura, $ABCD$ e $AMPN$ são quadrados e $\widehat{BD}$ e $\widehat{MN}$ são arcos de círculos de centro A . Qual é a razão entre a área sombreada e a área do quadrado $ABCD$?

- A) $\frac{\pi}{4}$
- B) $\frac{\pi}{5}$
- C) $\frac{\pi}{6}$
- D) $\frac{\pi}{7}$
- E) $\frac{\pi}{8}$



9. Na figura, o paralelogramo $ABCD$ tem área 40 cm^2 . Os pontos P , Q , R , S são pontos médios dos lados do paralelogramo e T está no segmento RS . Qual é a área do triângulo PQT ?

- A) 10 cm^2
- B) 12 cm^2
- C) 14 cm^2
- D) 16 cm^2
- E) 18 cm^2



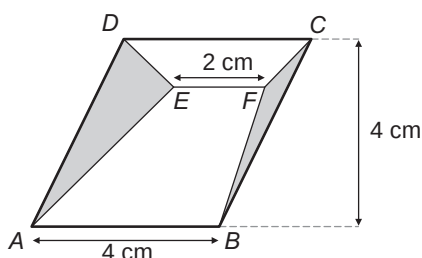
10. Duas formiguinhas andam em sentidos contrários sobre uma circunferência. Enquanto uma delas dá nove voltas na circunferência, a outra dá seis. Em quantos pontos distintos da circunferência elas se cruzam?

- A) 2
B) 3
C) 4
D) 5
E) 6



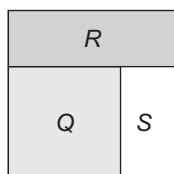
11. Na figura, $ABCD$ é um paralelogramo e o segmento EF é paralelo a AB . Qual é a soma das áreas dos triângulos cinzentos?

- A) 2 cm^2
B) 4 cm^2
C) 6 cm^2
D) 8 cm^2
E) 10 cm^2



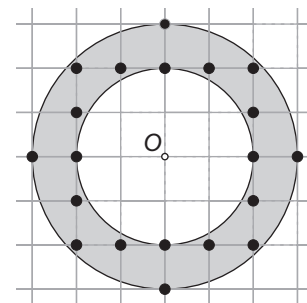
12. A figura mostra um quadrado de lado 1 m dividido em dois retângulos e um quadrado. As áreas do quadrado Q e do retângulo R são iguais. Qual é a área do retângulo S ?

- A) $\sqrt{5} - 2 \text{ m}^2$
B) $\frac{1}{5} \text{ m}^2$
C) $3 - \sqrt{5} \text{ m}^2$
D) $\frac{1}{3} \text{ m}^2$
E) $\frac{\sqrt{5}}{3} \text{ m}^2$



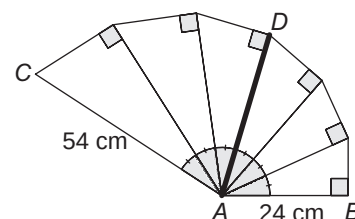
13. Na figura, as duas circunferências têm centro O e os quadradinhos do quadriculado têm lado 1 cm. Há 20 pontos do quadriculado na região delimitada pelas circunferências. Quantos pontos do quadriculado estão na região delimitada por duas circunferências de centro O e raios 4 cm e 5 cm?

- A) 32
B) 34
C) 36
D) 38
E) 40



14. Os seis triângulos da figura são retângulos e seus ângulos com vértice no ponto A são iguais. Além disso, $AB = 24 \text{ cm}$ e $AC = 54 \text{ cm}$. Qual é o comprimento de AD ?

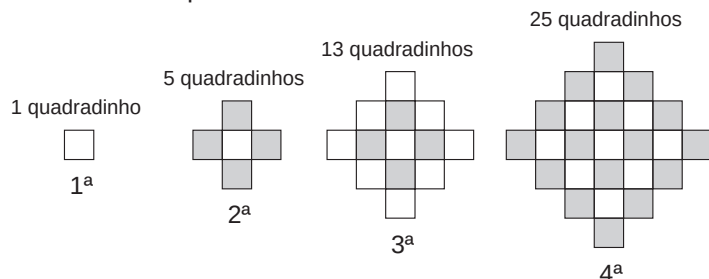
- A) 30 cm
B) 34 cm
C) 36 cm
D) 38 cm
E) 39 cm



15. Luciana tem três canetas pretas e três vermelhas. Ontem ela pegou, ao acaso, uma dessas canetas e colocou-a na bolsa. Hoje ela colocou uma caneta preta na bolsa. Se ela retirar uma dessas duas canetas da bolsa, sem olhar, qual a probabilidade de essa caneta ser preta?

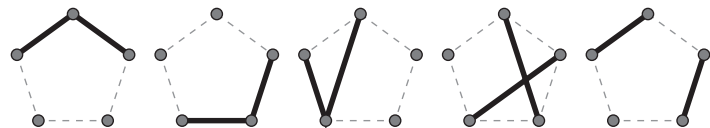
- A) $\frac{1}{2}$
B) $\frac{2}{3}$
C) $\frac{3}{5}$
D) $\frac{3}{4}$
E) $\frac{4}{7}$

16. Felipe construiu uma sequência de figuras com quadradinhos; abaixo mostramos as quatro primeiras figuras que ele construiu. Qual é a primeira figura que tem mais de 2009 quadradinhos?



- A) A 30ª
B) A 31ª
C) A 32ª
D) A 33ª
E) A 34ª

17. Com exatamente dois segmentos de reta, podemos fazer figuras diferentes unindo os vértices de um pentágono. Cinco dessas figuras estão ilustradas a seguir.

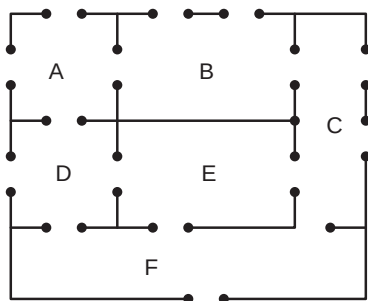


Incluindo essas cinco, quantas figuras diferentes podemos fazer desse modo?

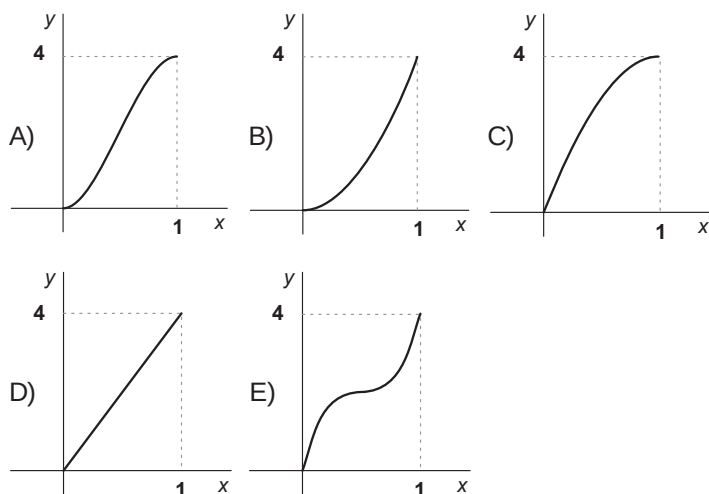
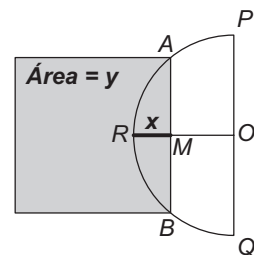
- A) 25
B) 30
C) 35
D) 40
E) 45

18. A figura mostra a planta de uma escola que tem seis salas, indicadas pelas letras de A até F. Joãozinho entrou na escola, percorreu todas as salas e foi embora, tendo passado exatamente duas vezes por uma das portas e uma única vez por cada uma das outras. A porta pela qual Joãozinho passou duas vezes liga:

- A) as salas A e B.
B) as salas C e E.
C) as salas E e F.
D) a sala D e o lado de fora da escola.
E) a sala F e o lado de fora da escola.



19. O semicírculo da figura tem centro O e diâmetro $PQ = 2$ cm. O raio OR é perpendicular a PQ . Por um ponto qualquer M de OR traça-se a corda AB perpendicular a OR . Sejam x o comprimento de RM , em cm, e y a área do quadrado de lado AB , em cm^2 . Qual dos gráficos abaixo expressa a relação entre x e y ?



20. Um torneio de futebol com 57 times será disputado com as seguintes regras:

- Nenhum jogo pode terminar empatado.
- O time que perder duas partidas será eliminado.
- O torneio termina quando sobrar apenas um time, que será o campeão.

Se o time campeão perder uma vez, quantas partidas serão disputadas no torneio?

- A) 56
B) 57
C) 58
D) 112
E) 113



Cursos que Indicamos

Conheça os cursos e dê o próximo passo na sua preparação.

Clique na imagem ou no botão para acessar.



Código Matemática 2.0

Conhecer o curso



Curso Preparatório ENEM

Conhecer o curso



Curso Preparatório Redação ENEM

Conhecer o curso

